

# 高中数学试卷

考试时间：120分钟

满分：65分

## 一、选择题（共10题，每题2分，共20分）

1. 设函数 $f(x) = 2x^2 - 3x + 1$ ，则 $f'(x)$ 等于？  
A.  $4x - 3$   
B.  $2x - 3$   
C.  $4x + 3$   
D.  $2x + 3$
2. 若直线 $y = ax + b$ 与抛物线 $y = x^2$ 相切于点 $(1, 1)$ ，则 $a$ 和 $b$ 分别为？  
A.  $a=2, b=-1$   
B.  $a=1, b=0$   
C.  $a=0, b=1$   
D.  $a=-1, b=2$
3. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 中， $a_1=5, a_7=29$ ，则公差 $d$ 为？  
A. 4  
B. 5  
C. 6  
D. 7
4. 下列哪个选项不是三角形面积公式？  
A.  $S = \frac{1}{2}ab\sin C$   
B.  $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$   
C.  $S = (a+b+c)/2$   
D.  $S = \frac{1}{2} \times \text{底} \times \text{高}$
5. 复数 $z=3-4i$ 在复平面上对应的点位于第几象限？  
A. 第一象限  
B. 第二象限  
C. 第三象限  
D. 第四象限
6. 如果一个正方形边长增加了20%，那么它的面积增加了多少百分比？  
A. 20%  
B. 40%  
C. 44%  
D. 80%

7. 对于任意实数 $x$ , 不等式 $x^2 - 5x + 6 < 0$ 成立的 $x$ 值范围是?

- A.  $(-\infty, 2)$
- B.  $(2, 3)$
- C.  $(3, +\infty)$
- D. 无解

8. 圆锥的体积 $V$ 与其底面半径 $r$ 成正比关系, 比例系数为 $h/3$  ( $h$ 为高度), 当 $r$ 增加一倍时, 体积变为原来的多少倍?

- A. 2倍
- B. 4倍
- C. 8倍
- D. 不变

9. 若向量 $a=(-3, 4)$ , 向量 $b=(2, -1)$ , 则 $a \cdot b$ 的结果是多少?

- A. -10
- B. -2
- C. 2
- D. 10

10. 若 $\log_2(8)=x$ , 则 $x$ 的值为?

- A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 4

## 二、填空题 (共5题, 每题3分, 共15分)

1. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 首项 $a_1=2$ , 公比 $q=3$ , 则 $a_5=$ \_\_\_\_\_。

2. 若 $\sin\theta=\sqrt{3}/2$ , 且 $\theta$ 位于 $[0, \pi]$ 内, 则 $\theta=$ \_\_\_\_\_度。

3. 若函数 $f(x)=x^3-3x^2+2x-1$ , 则 $f(1)=$ \_\_\_\_\_。

4. 若直角坐标系中两点 $A(2, 3)$ 和 $B(5, 7)$ , 则 $AB$ 的距离为\_\_\_\_\_。

5. 若随机变量 $X$ 服从二项分布 $B(n, p)$ , 其中 $n=10$ ,  $p=0.5$ , 则 $P(X=5)=$ \_\_\_\_\_。(保留两位小数)

## 三、解答题 (共3题, 每题10分, 共30分)

1. 设函数  $f(x) = (x^2 - 4)/(x - 2)$ , 试讨论其定义域及简化后的表达式。

2. 已知 $\triangle ABC$ 中,  $\angle A=90^\circ$ ,  $AB=3$ ,  $AC=4$ , 求 $BC$ 的长度以及 $\cos B$ 的值。

3. 证明: 对于任意实数 $a, b, c$ , 如果 $a+b+c=0$ 且 $abc \neq 0$ , 则 $a^3+b^3+c^3=3abc$ 。

---

## 参考答案及解析

### 一、选择题答案

1.

答案：A

解析：

根据导数的定义，对 $f(x) = 2x^2 - 3x + 1$ 求导得到 $f'(x) = 4x - 3$ 。

2.

答案：A

解析：

将给定点代入两方程中，并且保证两者斜率相同可得 $a=2$ ,  $b=-1$ 。

3.

答案：A

解析：

由等差数列性质知 $a_7 = a_1 + 6d$ , 即 $29 = 5 + 6d$ , 解得 $d=4$ 。

4.

答案：C

解析：

选项C是半周长的计算公式而非面积公式。

5.

答案：D

解析：

实部大于零而虚部小于零，故位于第四象限。

6.

答案：C

解析：

设原边长为 $a$ ，则新边长为 $1.2a$ ，新旧面积比为 $(1.2a)^2/a^2=1.44$ ，即增加了44%。

7.

答案：B

解析：

解不等式得 $x \in (2, 3)$ 。

8.

答案：B

解析：

体积与 $r^2$ 成正比，因此当 $r$ 翻倍时，体积变为原来的4倍。

9.

答案：A

解析：

点乘结果为 $-3*2+4*(-1)=-6-4=-10$ 。

10.

答案：C

解析：

因为 $2^3=8$ ，所以 $\log_2(8)=3$ 。

## 二、填空题答案

1.

答案：162

解析：

利用等比数列通项公式 $a_n=a_1*q^{(n-1)}$ 可得 $a_5=2*3^4=162$ 。

2.

答案：60

解析：

根据特殊角的三角函数值表，当 $\sin\theta=\sqrt{3}/2$ 时， $\theta=60^\circ$ 或 $120^\circ$ ；题目限定 $\theta$ 位于 $[0, \pi]$ 内，故取 $\theta=60^\circ$ 。

3.

答案：-1

解析：

直接代入 $x=1$ 计算得 $f(1)=1-3+2-1=-1$ 。

4.

答案：5

解析：

使用距离公式 $d=\sqrt{(x_2-x_1)^2+(y_2-y_1)^2}$ 计算得 $d=\sqrt{(5-2)^2+(7-3)^2}=\sqrt{9+16}=\sqrt{25}=5$ 。

5.

**答案：0.25**

**解析：**

利用二项分布概率质量函数 $P(X=k)=C(n, k)*p^k*(1-p)^{(n-k)}$ 计算得 $P(X=5)\approx 0.246\approx 0.25$ 。

### 三、解答题答案

**1.**

**答案：定义域为 $\{x \mid x \neq 2\}$ ；简化后 $f(x) = x + 2$ 。**

**解析：**

首先确定分母不为零的条件以得出定义域；然后通过因式分解分子并约简得到简化形式。

**2.**

**答案： $BC=5$ ； $\cos B=4/5$ 。**

**解析：**

利用勾股定理求得BC长度；再根据余弦定义 $\cos B = \text{邻边}/\text{斜边}$ 来求解。

**3.**

**答案：证明过程略。**

**解析：**

可以利用立方和公式 $a^3+b^3+c^3-3abc=(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$ 进行证明。